

班級： 座號： 姓名：

1. 有一個鐘擺的擺長為 9 公分，鐘擺從最左端擺到最右端，經過的面積為 18π 平方公分，則鐘擺在最左端與在最右端所夾的角度是多少度？

設夾角 x°

$$9 \times \frac{1}{4} \times \pi \times \frac{x}{360} = 18\pi$$

$$\frac{9}{40}x = 18$$

$$x = 80$$

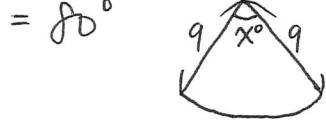
A: 80°

另解：

$$\text{比例} = \frac{18\pi}{9 \times 9 \times \pi} = \frac{2}{9}$$

$$360^\circ \times \frac{2}{9}$$

$$= 80^\circ$$



2. 如圖，已知 $\overline{OA} = 5$, $\overline{OC} = 8$, 求兩扇形之間所圍成陰影部分的(1)面積 (2)周長

$$(1) \Delta COD - \Delta AOB$$

$$= 8 \times 8 \times \pi \times \frac{60}{360} - 5 \times 5 \times \pi \times \frac{60}{360}$$

$$= \frac{64}{6}\pi - \frac{25}{6}\pi$$

$$= \frac{39}{6}\pi$$

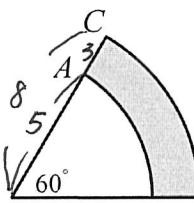
$$= \frac{13}{2}\pi$$

$$(2) \widehat{AB} + \widehat{CD} + \widehat{AC} + \widehat{BD}$$

$$= 2 \times 5 \times \pi \times \frac{1}{6} + 2 \times 8 \times \pi \times \frac{1}{6} + 3 + 3$$

$$= \frac{5}{3}\pi + \frac{8}{3}\pi + 6$$

$$= \frac{13}{3}\pi + 6$$

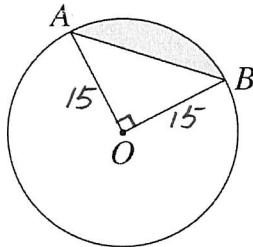


3. 如圖，圓 O 的半徑為 15 公分，圓心角 $\angle AOB = 90^\circ$ ，求灰色部份弓形的(1)面積 (2)周長。

$$(1) \Delta AOB - \Delta AOB$$

$$= 15 \times 15 \times \pi \times \frac{1}{4} - \frac{1}{2} \times 15 \times 15$$

$$= \frac{225}{4}\pi - \frac{225}{2} (\text{cm}^2)$$



$$(2) \widehat{AB} + \widehat{AB}$$

$$= 2 \times 15 \times \pi \times \frac{1}{4} + \sqrt{15^2 + 15^2}$$

$$= \frac{15}{2}\pi + 15\sqrt{2} (\text{cm})$$

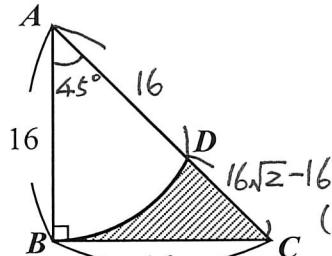
4. 已知等腰直角 $\triangle ABC$ 中， $\angle B = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{BC} = 16$ 公分，以 A 為圓心， \overline{AB} 為半徑畫弧，交 \overline{AC} 於 D 點，求斜線區域的(1)面積 (2)周長

$$(1) \angle A = \frac{180^\circ - 90^\circ}{2} = 45^\circ$$

$$\Delta ABC - \Delta BAD$$

$$= \frac{1}{2} \times 16 \times 16 - 16 \times 16 \times \pi \times \frac{45}{360}$$

$$= 128 - 32\pi$$



$$(2) \widehat{BD} + \widehat{BC} + \widehat{CD}$$

$$= 2 \times 16 \times \pi \times \frac{1}{8} + 16 + 16\sqrt{2} - 16$$

$$= 4\pi + 16\sqrt{2}$$

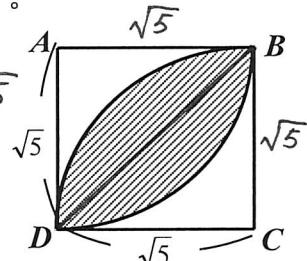
5. 已知四邊形 $ABCD$ 為正方形，且斜線區域是分別以 A 、 C 為圓心， \overline{AB} 、 \overline{BC} 為半徑所畫出的弧所圍成的。若正方形的邊長為 $\sqrt{5}$ ，試求斜線區域的面積。

$$\text{5形} = \sqrt{5} \times \sqrt{5} \times \pi \times \frac{1}{4} - \frac{1}{2} \times \sqrt{5} \times \sqrt{5}$$

$$= \frac{5}{4}\pi - \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow \text{斜線} = 2(\frac{5}{4}\pi - \frac{5}{2})$$

$$= \frac{5}{2}\pi - 5$$



6. 如圖，草地上有一堵高牆(陰影部分)，一頭牛栓在 B 點，繩長 10 公尺，問這頭牛能吃到草的面積有多大？

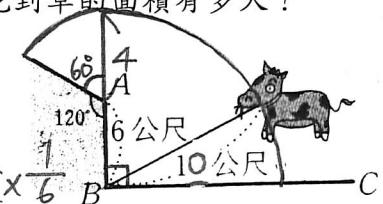
$$180 - 120 = 60$$

$$10 - 6 = 4$$

$$10 \times 10 \times \pi \times \frac{1}{4} + 4 \times 4 \times \pi \times \frac{1}{6}$$

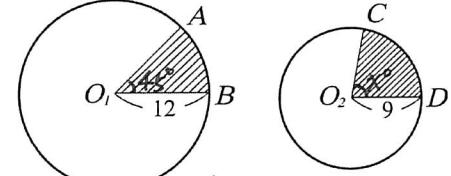
$$= 25\pi + \frac{8}{3}\pi$$

$$= \frac{83}{3}\pi (\text{m}^2)$$



7. 如圖，已知圓 O_1 與圓 O_2 的半徑各為 12 和 9，若 $\angle A_1 O_1 B = 45^\circ$ ，且扇形 $A_1 O_1 B$ 面積與扇形 $C O_2 D$ 面積相等，則 $\angle C O_2 D = ?$

$$\text{設 } \angle C O_2 D = X^\circ$$



$$\frac{1}{2} \times 12 \times \pi \times \frac{45}{360} = \frac{3}{2} \times 9 \times \pi \times \frac{X}{360}$$

$$720 = 9X$$

$$X = 80$$

$$A: 80^\circ$$

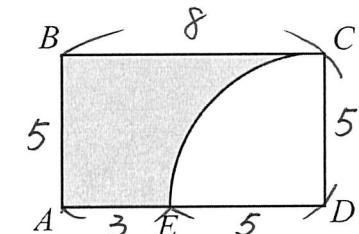
8. 如圖，長方形 $ABCD$ 其周長為 26 公分，以 D 為圓心，半徑為 5 公分，畫四分之一圓，求灰色區域(1)面積 (2)周長

$$\overline{BC} = \frac{26 - 10}{2} = 8$$

$$\overline{AE} = 8 - 5 = 3$$

$$(1) 8 \times 5 - 5 \times 5 \times \pi \times \frac{1}{4}$$

$$= 40 - \frac{25}{4}\pi (\text{cm}^2)$$

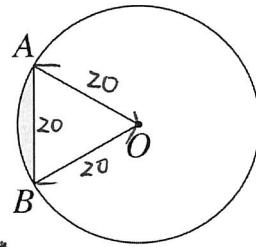


$$(2) 8 + 5 + 3 + 2 \times 5 \times \pi \times \frac{1}{4}$$

$$= 16 + \frac{5}{2}\pi (\text{cm})$$

9. 如右圖，圓 O 的半徑為 20 公分，已知 $\overline{AB} = \overline{OA}$ ，請問

- (1) 三角形 AOB 為何種三角形？
- (2) 三角形 AOB 的面積 = ?
- (3) 灰色部份弓形的面積 = ?
- (4) 灰色部份弓形的周長 = ?



$$(1) \because \overline{AB} = \overline{OA} = \overline{OB}$$

$$\therefore \triangle AOB \text{ 是正\triangle}$$

$$(2) 20 \div 2 = 10$$

$$\begin{aligned} \text{高} &= \sqrt{20^2 - 10^2} \\ &= \sqrt{300} \\ &= 10\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \times 20 \times 10\sqrt{3} \\ = 100\sqrt{3} (\text{cm}^2) \end{aligned}$$

$$(3) 20 \times 20 \times \pi \times \frac{1}{6} - 100\sqrt{3}$$

$$= \frac{200}{3}\pi - 100\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

$$(4) \widehat{AB} + \overline{AB}$$

$$= 2 \times 20 \times \pi \times \frac{1}{6} + 20$$

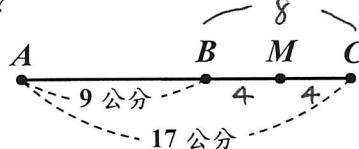
$$= \frac{20}{3}\pi + 20 (\text{cm})$$

10. 如圖，已知 $\overline{AB} = 9$ 公分， $\overline{AC} = 17$ 公分， M 是 \overline{BC} 的中點，

$$\text{求 (1) } \overline{MC} = ? \quad (2) \overline{AM} = ?$$

$$(1) \overline{BC} = 17 - 9 = 8$$

$$\overline{MC} = \frac{8}{2} = 4 (\text{cm})$$



$$(2) \overline{AM} = \overline{AB} + \overline{BM}$$

$$= 9 + 4$$

$$= 13 (\text{cm})$$

11. 直線 L 上三點 A 、 B 、 C ，且點 B 介於 A 、 C 之間，又點 M 為 \overline{BC} 之中點，點 N 為 \overline{AB} 之中點，若 $\overline{AB} = 10$ 、 $\overline{AC} = 19$ ，求 (1) $\overline{AM} = ?$ (2) $\overline{MN} = ?$

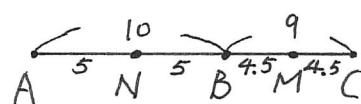
$$(1) \overline{BC} = 19 - 10 = 9$$

$$\overline{AN} = \overline{BN} = \frac{10}{2} = 5$$

$$\overline{BM} = \overline{CM} = \frac{9}{2} = 4.5$$

$$\Rightarrow \overline{AM} = 10 + 4.5$$

$$= 14.5$$



$$(2) \overline{MN} = 5 + 4.5$$

$$= 9.5$$

12. 如圖， C 是 \overline{AB} 上一點， M 是 \overline{AC} 中點， N 是 \overline{BC} 的中點，若 $\overline{MN} = 12$ ，則 $\overline{AB} = ?$



$$\overline{AB} = \overline{AC} + \overline{BC}$$

$$= 2\overline{CM} + 2\overline{NC}$$

$$= 2(\overline{CM} + \overline{NC})$$

$$= 2\overline{MN}$$

$$= 2 \times 12 = 24$$

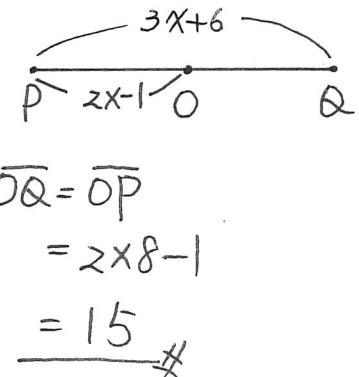
13. 若 O 點為 \overline{PQ} 的中點，若 $\overline{PQ} = 3x + 6$ 、 $\overline{OP} = 2x - 1$ ，則 $\overline{OQ} = ?$

$$\because \overline{PQ} = 2\overline{PO}$$

$$\therefore 3x + 6 = 2(2x - 1)$$

$$3x + 6 = 4x - 2$$

$$x = 8$$



$$\overline{OQ} = \overline{OP}$$

$$= 2x - 1$$

$$= 15$$

14. 若 M 是 \overline{AB} 的中點， $\overline{AM} = 4x + 7$ ， $\overline{BM} = 7x - 8$ ，則

$$(1) x = ? \quad (2) \overline{AB} = ?$$

$$(1) \because \overline{AM} = \overline{BM}$$

$$\therefore 4x + 7 = 7x - 8$$

$$15 = 3x$$

$$x = 5$$

$$(2) \overline{AB} = 2\overline{AM}$$

$$= 2 \times 27$$

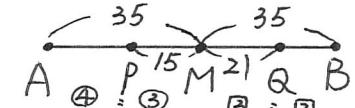
$$= 54$$

15. 設 $\overline{AB} = 70\text{cm}$ ， M 是 \overline{AB} 中點， P 在 \overline{AM} 上， Q 在 \overline{BM} 上，且 $\overline{PA} : \overline{PM} = 4 : 3$ ， $\overline{QB} : \overline{QM} = 2 : 3$ ，則 $\overline{PQ} = ?$

$$\overline{AM} = \overline{BM} = \frac{70}{2} = 35$$

$$\overline{PM} = 35 \times \frac{3}{7} = 15$$

$$\overline{QM} = 35 \times \frac{3}{5} = 21$$



$$\Rightarrow \overline{PQ} = 15 + 21$$

$$= 36 (\text{cm})$$

16. 如圖， $\triangle ABC$ 中，若 \overline{AD} 為 \overline{BC} 的中垂線，且 $\overline{AD} = 15$ ，

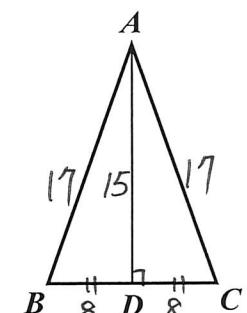
$$\overline{BC} = 16$$

$$\overline{BD} = \overline{CD} = \frac{16}{2} = 8$$

$$\overline{AC} = \overline{AB} = \sqrt{15^2 + 8^2}$$

$$= \sqrt{289}$$

$$= 17$$



$$\Rightarrow 17 + 17 + 16$$

$$= 50$$